



# 人工智能基础与进阶

## Python拓展实践

上海交通大学

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

# 目录 content



## 第一节 二维数组

## 第二节 迭代器与生成器

## 第三节 函数参数

## 第四节 规范与Tips

## 第五节 动手试试

# 实验环境

## Jupyter Notebook

- 地址: <http://121.5.222.84:8888/>
- 界面



上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

## 第一节

## 二维数组

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

## 二维数组

二维数组是什么？

list中的二维数组是什么？

numpy中的二维数组是什么？

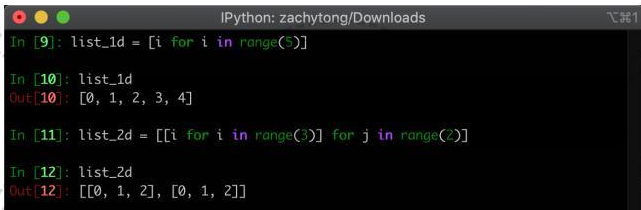
为什么在有了list二维数组之后，我们还需要numpy二维数组？

## 二维数组

list一维数组: `list_1d = [0, 1, 2, 3, 4]` (数组内的元素是整数int)

list二维数组: `list_2d = [[0, 1, 2], [0, 1, 2]]`, (亦可写作`[[0, 1, 2], [0, 1, 2]]`)  
`[0, 1, 2]`

(外层数组对应的元素是数组list, 内部数组对应的元素是整数int)



```
IPython: zachytong/Downloads
In [9]: list_1d = [i for i in range(5)]
In [10]: list_1d
Out[10]: [0, 1, 2, 3, 4]
In [11]: list_2d = [[i for i in range(3)] for j in range(2)]
In [12]: list_2d
Out[12]: [[0, 1, 2], [0, 1, 2]]
```

## 二维数组

### 二维数组索引与切片(index and slicing):

```
IPython: zachytor
In [25]: len(list_2d)
Out[25]: 2

In [26]: list_2d[0]
Out[26]: [0, 1, 2]

In [27]: list_2d[0][2]
Out[27]: 2

In [28]: list_2d[0][:1]
Out[28]: [0]

In [29]: list_2d[0][:2]
Out[29]: [0, 1]

In [30]: list_2d[:,0:1]
Out[30]: [[0, 1, 2]]
```

```
In [103]: list_1d[:,2]
Out[103]: [1, 's']

In [104]: list_1d[1::2]
Out[104]: [0, [1]]

In [105]: list_1d[-1:]
Out[105]: [[1]]

In [106]: list_1d[-1]
Out[106]: [1]

In [107]: list_1d[:-1]
Out[107]: [1, 0, 's']

In [108]: list_1d[-3:-1]
Out[108]: [0, 's']

In [109]: list_1d[0:-1]
Out[109]: [1, 0, 's']
```

## 二维数组

NumPy\*二维数组 (ndarray)

导入库: `import numpy as np`

`array_2d`: ndarray对象

```
In [38]: array_2d = np.array([[0, 1, 2], [0, 1, 2]])
```

```
In [39]: array_2d
```

```
Out[39]:  
array([[0, 1, 2],  
       [0, 1, 2]])
```

```
In [40]: print(array_2d)
```

```
[[0 1 2]  
 [0 1 2]]
```

```
In [47]: type(array_2d)
```

```
Out[47]: numpy.ndarray
```

```
In [48]: type(list_2d)
```

```
Out[48]: list
```

\*: NumPy 全称为 Numerical Python, 是 Python 的一个以矩阵为主的用于科学计算的基础软件包。



## 二维数组

### NumPy二维数组索引与切片:

```
IPython: zachytong/Downloads  361
In [41]: len(array_2d)
Out[41]: 2

In [42]: array_2d.shape
Out[42]: (2, 3)

In [43]: array_2d[0]
Out[43]: array([0, 1, 2])

In [44]: array_2d[0,1]
Out[44]: 1

In [45]: array_2d[:1,0]
Out[45]: array([0])

In [46]: array_2d[:1,:2]
Out[46]: array([[0, 1]])
```

## 二维数组

list数组和NumPy数组索引差异:

```
In [134]: array_2d[0,1]
Out[134]: 1

In [135]: list_2d
Out[135]: [[0, 1, 2], [0, 1, 2]]

In [136]: list_2d[0,1]
-----
TypeError                                 Traceback (most recent call last)
<ipython-input-136-caeb5c027a08> in <module>
----> 1 list_2d[0,1]

TypeError: list indices must be integers or slices, not tuple

In [137]: array_2d
Out[137]:
array([[0, 1, 2],
       [0, 1, 2]])

In [138]: array_2d[0,1]
Out[138]: 1
```

## 二维数组

### NumPy二维数组布尔索引:

```
In [137]: array_2d
Out[137]:
array([[0, 1, 2],
       [0, 1, 2]])

In [138]: array_2d[0,1]
Out[138]: 1

In [139]: array_2d
Out[139]:
array([[0, 1, 2],
       [0, 1, 2]])

In [140]: mask = array_2d > 1

In [141]: mask
Out[141]:
array([[False, False,  True],
       [False, False,  True]])

In [142]: array_2d[mask]
Out[142]: array([2, 2])
```

```
In [144]: list_2d > 1
-----
TypeError                                 Traceback (most recent call last)
<ipython-input-144-b00cebfdf616> in <module>
----> 1 list_2d > 1

TypeError: '>' not supported between instances of 'list' and 'int'

In [145]: list_2d[mask]
-----
TypeError                                 Traceback (most recent call last)
<ipython-input-145-d82bb59dd36> in <module>
----> 1 list_2d[mask]

TypeError: only integer scalar arrays can be converted to a scalar index

In [146]: list_2d[mask.tolist()]
-----
TypeError                                 Traceback (most recent call last)
<ipython-input-146-15d3dbf6ea63> in <module>
----> 1 list_2d[mask.tolist()]

TypeError: list indices must be integers or slices, not list
```

## 二维数组

NumPy二维数组运算：elementwise product, matrix product

```
IPython: zachytong/Downloads  361
In [81]: array_2d_a = np.array([[1,2],[1,2]])

In [82]: array_2d_a * array_2d_a
Out[82]:
array([[1, 4],
       [1, 4]])

In [83]: array_2d_a.dot(array_2d_a)
Out[83]:
array([[3, 6],
       [3, 6]])

In [101]: array_2d_a @ array_2d_a
Out[101]:
array([[3, 6],
       [3, 6]])
```

## 二维数组

list数组和NumPy数组互相转化:

```
In [91]: array_2d_list = list(array_2d)

In [92]: array_2d_list
Out[92]: [array([0, 1, 2]), array([0, 1, 2])]

In [93]: array_2d_list = array_2d.tolist()

In [94]: array_2d_list
Out[94]: [[0, 1, 2], [0, 1, 2]]
```

```
IPython: zachytong/Downloads 381

In [95]: list_2d_array = np.array(list_2d)

In [96]: list_2d_array
Out[96]:
array([[0, 1, 2],
       [0, 1, 2]])

In [97]: type(list_2d_array)
Out[97]: numpy.ndarray
```

## 二维数组

NumPy相关函数:

1. `numpy.arange()`, `numpy.random.randint()`
2. `numpy.reshape()`, `numpy.flatten()`
3. `numpy.argmax()`, `numpy.min()`, `numpy.where()`
4. `numpy.exp()`, `numpy.sqrt()`, `numpy.sum()`

## 二维数组

二维数组是什么？

list中的二维数组如何生成？

NumPy中的二维数组如何生成？

为什么在有了list二维数组之后，我们还需要numpy二维数组？

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

## 第二节

## 迭代器与生成器

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室



## 迭代器与生成器

### 迭代器 (iterator)

迭代是Python最强大的功能之一，是访问集合元素的一种方式。

迭代器是一个可以记住遍历的位置的对象。迭代器对象从集合的第一个元素开始访问，直到所有的元素被访问完结束。迭代器只能向前不会后退。迭代器有两个基本的方法：`iter()` 和 `next()`。

字符串，列表或元组对象是可迭代的(iterable)，都可用于创建迭代器。

## 迭代器与生成器

### 生成器 (generator)

在 Python 中，使用了 `yield` 的函数被称为生成器 (generator)。

跟普通函数不同的是，生成器是一个返回迭代器的函数，只能用于迭代操作，更简单点理解生成器就是一个迭代器。

在调用生成器运行的过程中，每次遇到 `yield` 时函数会暂停并保存当前所有的运行信息，返回 `yield` 的值，并在下一次执行 `next()` 方法时从当前位置继续运行。

调用一个生成器函数，返回的是一个迭代器对象。

# 迭代器与生成器

## 斐波那契数列求和

方法1:

```
def fib(n):# 普通版本
    a,b = 1,1
    for i in range(n-1):
        a,b = b,a+b
    return a
```

方法2:

```
def fib(n):# 递归版本
    if n==1 or n==2:
        return 1
    return fib(n-1)+fib(n-2)
```

方法3:

```
def fib(n): # 生成器版本
    a, b, counter = 0, 1, 0
    while True:
        if (counter > n):
            return
        yield a
        a, b = b, a + b
        counter += 1
```

## 迭代器与生成器

为什么要实用迭代器和生成器？

1. 减小运行时内存占用
2. 实时/无限数据流

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

## 第三节

## 函数参数

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

## 函数参数

### 不可变类型与可变类型参数传递

```
In [164]: def change(a):  
...:     print('id: ',id(a))  
...:     a = 10  
...:     print('id: ', id(a))  
...:
```

```
In [165]: a = 1
```

```
In [166]: id(a)  
Out[166]: 4395174240
```

```
In [167]: change(a)  
id: 4395174240  
id: 4395174528
```

```
In [168]: id(a)  
Out[168]: 4395174240
```

```
In [169]: def change2(b):  
...:     print('id: ', id(b))  
...:     b[0] = 11  
...:     print('id: ', id(b))  
...:
```

```
In [170]: b = [0, 1, 2, 3]
```

```
In [171]: id(b)  
Out[171]: 140273879018368
```

```
In [172]: id(b[0])  
Out[172]: 4395174208
```

```
In [173]: change2(b)  
id: 140273879018368  
id: 140273879018368
```

```
In [174]: id(b[0])  
Out[174]: 4395174560
```

## 函数参数

必须参数、关键字参数、默认参数（元组形式）、不定长参数（字典形式）

```
def func(arg1, arg2 = default, *argv, **kwargs):  
    para1 = argv[-1]  
    para2 = kwargs['demo']  
  
    ans = process(arg1, arg2, para1, para2)  
  
    return ans
```

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

## 第四节

## 规范与Tips

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室



# Python Enhancement Proposal#8 命名规范

**Naming:** PEP 8 suggests unique styles of naming for different parts in the language. This makes it easy to distinguish which type corresponds to each name when reading code.

- Functions, variables, and attributes should be in `lowercase_underscore` format.
- Protected instance attributes should be in `_leading_underscore` format.
- Private instance attributes should be in `__double_leading_underscore` format.
- Classes and exceptions should be in `CapitalizedWord` format.
- Module-level constants should be in `ALL_CAPS` format.
- Instance methods in classes should use `self` as the name of the first parameter (which refers to the object).
- Class methods should use `cls` as the name of the first parameter (which refers to the class).

## 规范与Tips

### △ 注意索引与切片

```
a = [ 'a' , 'b' , 'c' , 'd' , 'e' , 'f' , 'g' , 'h' ]
```

```
a[:]
```

```
a[:5]
```

```
a[:-1]
```

```
a[4:]
```

```
a[-3:]
```

```
a[2:5]
```

```
a[2:-1]
```

```
a[-3:-1]
```

## 规范与标准

### △ 注意索引与切片

```
a = [ 'a' , 'b' , 'c' , 'd' , 'e' , 'f' , 'g' , 'h' ]
```

```
a[:]      # ['a', 'b', 'c', 'd', 'e', 'f', 'g', 'h']  
a[:5]     # ['a', 'b', 'c', 'd', 'e']  
a[:-1]    # ['a', 'b', 'c', 'd', 'e', 'f', 'g']  
a[4:]     # ['e', 'f', 'g', 'h']  
a[-3:]    # ['f', 'g', 'h']  
a[2:5]    # ['c', 'd', 'e']  
a[2:-1]   # ['c', 'd', 'e', 'f', 'g']  
a[-3:-1]  # ['f', 'g']
```

## 规范与Tips

### 使用生成器！

- 当输入很大时，列表list操作可能会由于占用内存过大导致问题
- 生成器通过每次迭代只输出一个避免内存占用问题
- 生成器可以通过for语句互相组合
- 生成器表达式组合时执行较快

### 使用zip组合多个可迭代对象

找到最长的名字

```
names = [ 'Cecilia' , 'Lise' , 'Marie' ]  
letters = [len(n) for n in names]
```

方法1:

```
longest_name = None  
max_letters = 0  
for i in range(len(names)):  
    count = letters[i]  
    if count > max_letters:  
        longest_name = names[i]  
        max_letters = count
```

方法2:

```
for i, name in enumerate(names):  
    count = letters[i]  
    if count > max_letters:  
        longest_name = name  
        max_letters = count
```

方法3:

```
for name, count in zip(names, letters):  
    if count > max_letters:  
        longest_name = name  
        max_letters = count
```

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

## 第五节

## 动手试试

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

上海交通大学人工  
智能创新教育实验室

## 动手试试

1. 给定一个整数数组 `nums` 和一个整数目标值 `target`，请你在该数组中找出 和为目标值 `target` 的那两个整数，并返回它们的数组下标。假设每种输入只会对应一个答案。但是，数组中同一个元素在答案里不能重复出现。

示例 1:

输入: `nums = [2,7,11,15]`, `target = 9`

输出: `[0,1]`

解释: 因为 `nums[0] + nums[1] == 9`，返回 `[0, 1]`。

示例 2:

输入: `nums = [3,2,4]`, `target = 6`

输出: `[1,2]`

示例 3:

输入: `nums = [3,3]`, `target = 6`

输出: `[0,1]`

## 动手试试

2. 给你一个整数  $x$ ，如果  $x$  是一个回文整数，返回 true；否则，返回 false。回文数是指正序（从左向右）和倒序（从右向左）读都是一样的整数。例如，121 是回文，而 123 不是。

示例 1:

```
输入: x = 121  
输出: true
```

示例 2:

```
输入: x = -121  
输出: false  
解释: 从左向右读, 为 -121 。 从右向左读, 为 121- 。因此它不是一个回文数。
```

示例 3:

```
输入: x = 10  
输出: false  
解释: 从右向左读, 为 01 。因此它不是一个回文数。
```

示例 4:

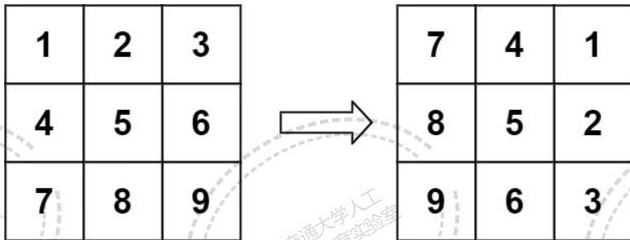
```
输入: x = -101  
输出: false
```



## 动手试试

3. 给定一个  $n \times n$  的二维矩阵 `matrix` 表示一个图像。请你将图像顺时针旋转 90 度。你必须在原地旋转图像，这意味着你需要直接修改输入的二维矩阵。请不要使用另一个矩阵来旋转图像。

示例 1:



输入: `matrix = [[1,2,3],[4,5,6],[7,8,9]]`

输出: `[[7,4,1],[8,5,2],[9,6,3]]`

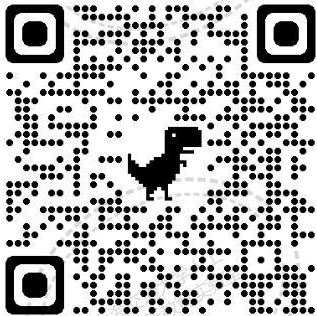
## 分组事宜

共7组。

请各位同学自行和周围同学协商组队，之后每个小组尽量坐在一起，方便进行学习、讨论和实验等任务。

## 下节课

参考以下教程安装GraphViz库：



上海交通大学人工智能  
创新教育实验室

上海交通大学人工智能  
创新教育实验室

**谢谢聆听**

THANKS FOR YOUR ATTENTION

## 动手试试

1. 给定一个整数数组 `nums` 和一个整数目标值 `target`，请你在该数组中找出和为目标值 `target` 的那两个整数，并返回它们的数组下标。假设每种输入只会对应一个答案。但是，数组中同一个元素在答案里不能重复出现。

示例 1:

```
输入: nums = [2,7,11,15], target = 9  
输出: [0,1]  
解释: 因为 nums[0] + nums[1] == 9 , 返回 [0, 1] 。
```

示例 2:

```
输入: nums = [3,2,4], target = 6  
输出: [1,2]
```

示例 3:

```
输入: nums = [3,3], target = 6  
输出: [0,1]
```

## 动手试试

1. 给定一个整数数组 `nums` 和一个整数目标值 `target`，请你在该数组中找出和为目标值 `target` 的那两个整数，并返回它们的数组下标。假设每种输入只会对应一个答案。但是，数组中同一个元素在答案里不能重复出现。

已知条件

- ① 输入: `int list nums, int target`
- ② 输出: `int list [index_1, index_2]`
- ③ 每种输入只对应一个答案: `nums` 中两元素组合中，只有一对索引 `index_i, index_j` 满足 `nums[index_i] + nums[index_j] == target`
- ④ 数组同一个元素在答案里不能重复出现: `index_i != index_j`

## 动手试试

1. 给定一个整数数组 `nums` 和一个整数目标值 `target`，请你在该数组中找出和为目标值 `target` 的那两个整数，并返回它们的数组下标。假设每种输入只会对应一个答案。但是，数组中同一个元素在答案里不能重复出现。

思路一：双层循环

```
for i in range(len(nums)-1):
    for j in range(i, len(nums)):
        if nums[i] + nums[j] == target:
            return [i, j]
```

## 动手试试

1. 给定一个整数数组 `nums` 和一个整数目标值 `target`，请你在该数组中找出和为目标值 `target` 的那两个整数，并返回它们的数组下标。假设每种输入只会对应一个答案。但是，数组中同一个元素在答案里不能重复出现。

思路二：给`nums`中所有两元素组合的和排序，并找到`target`在其中的对应位置

```
nums_copy = nums.copy()
nums.sort()
temp_i, temp_j = 0, len(nums)-1
while True:
    if nums[temp_i] + nums[temp_j] < target:
        temp_i += 1
    elif nums[temp_i] + nums[temp_j] > target:
        temp_j -= 1
    else:
        break

i = nums_copy.index(nums[temp_i])
if nums[temp_j] != nums[temp_i]:
    j = nums_copy.index(nums[temp_j])
else:
    j = nums_copy[i+1:].index(nums[temp_j]) + i + 1
return [i, j]
```



## 动手试试

1. 给定一个整数数组 `nums` 和一个整数目标值 `target`，请你在该数组中找出和为目标值 `target` 的那两个整数，并返回它们的数组下标。假设每种输入只会对应一个答案。但是，数组中同一个元素在答案里不能重复出现。

思路三：运用字典数据结构

```
maps = {}  
for i, num in enumerate(nums):  
    maps[num] = i  
for i, num in enumerate(nums):  
    j = maps.get(target - num)  
    if j is not None and j != i:  
        return [i, j]
```

## 动手试试

2. 给你一个整数  $x$ ，如果  $x$  是一个回文整数，返回 `true`；否则，返回 `false`。  
回文数是指正序（从左向右）和倒序（从右向左）读都是一样的整数。例如，121 是回文，而 123 不是。

示例 1:

```
输入: x = 121  
输出: true
```

示例 2:

```
输入: x = -121  
输出: false  
解释: 从左向右读, 为 -121 。从右向左读, 为 121- 。因此它不是一个回文数。
```

示例 3:

```
输入: x = 10  
输出: false  
解释: 从右向左读, 为 01 。因此它不是一个回文数。
```

示例 4:

```
输入: x = -101  
输出: false
```

## 动手试试

2. 给你一个整数  $x$ ，如果  $x$  是一个回文整数，返回 `true`；否则，返回 `false`。  
回文数是指正序（从左向右）和倒序（从右向左）读都是一样的整数。例如，  
121 是回文，而 123 不是。

已知条件

- ① 输入：int  $x$
- ② 输出：Bool true/false
- ③  $x$ 需要满足数字前、后半部分对称相等
- ④ 负号参与倒序操作，负数肯定不是回文数

## 动手试试

2. 给你一个整数  $x$ ，如果  $x$  是一个回文整数，返回 `true`；否则，返回 `false`。  
回文数是指正序（从左向右）和倒序（从右向左）读都是一样的整数。例如，121 是回文，而 123 不是。

思路一：计算出  $x$  对应的倒叙数 `x_inverse`，再判断两者是否相等

```
if x < 0:
    return False
else:
    quo = x
    res, x_inverse = 0, 0
    while quo != 0:
        res = quo % 10
        x_inverse = x_inverse * 10 + res
        quo = quo / 10
    return x == x_inverse
```

## 动手试试

2. 给你一个整数  $x$ ，如果  $x$  是一个回文整数，返回 `true`；否则，返回 `false`。  
回文数是指正序（从左向右）和倒序（从右向左）读都是一样的整数。例如，121 是回文，而 123 不是。

思路二：转换成 `str` 类型，遍历前半部分判断是否与后半部分对应相等

```
x_str = str(x)
half_length = len(x_str)//2 if len(x_str)%2 != 0 else len(x_str)//2 + 1
for i in range(half_length):
    if x_str[i] != x_str[len(x_str)-1-i]:
        return False
return True
```

## 动手试试

2. 给你一个整数  $x$ ，如果  $x$  是一个回文整数，返回 `true`；否则，返回 `false`。  
回文数是指正序（从左向右）和倒序（从右向左）读都是一样的整数。例如，  
121 是回文，而 123 不是。

思路三：转换成`str`类型完成倒序操作，再进行判断


```
return x == str(x)[::-1]
```

## 动手试试

3. 给定一个  $n \times n$  的二维矩阵 `matrix` 表示一个图像。请你将图像顺时针旋转 90 度。你必须在原地旋转图像，这意味着你需要直接修改输入的二维矩阵。请不要使用另一个矩阵来旋转图像。

示例 1:

1	2	3
4	5	6
7	8	9



7	4	1
8	5	2
9	6	3

输入: `matrix = [[1,2,3],[4,5,6],[7,8,9]]`

输出: `[[7,4,1],[8,5,2],[9,6,3]]`

## 动手试试

3. 给定一个  $n \times n$  的二维矩阵 `matrix` 表示一个图像。请你将图像顺时针旋转 90 度。你必须在原地旋转图像，这意味着你需要直接修改输入的二维矩阵。请不要使用另一个矩阵来旋转图像。

(0,0)	(0,1)	(0,2)	(0,3)	(0,4)
(1,0)	(1,1)	(1,2)	(1,3)	(1,4)
(2,0)	(2,1)	(2,2)	(2,3)	(2,4)
(3,0)	(3,1)	(3,2)	(3,3)	(3,4)
(4,0)	(4,1)	(4,2)	(4,3)	(4,4)



## 动手试试

3. 给定一个  $n \times n$  的二维矩阵 `matrix` 表示一个图像。请你将图像顺时针旋转 90 度。你必须在原地旋转图像，这意味着你需要直接修改输入的二维矩阵。请不要使用另一个矩阵来旋转图像。

1	2	3	4
1	2	3	4
1	2	3	4
1	2	3	4

1	2	3	1
1	2	3	4
1	2	3	4
4	2	3	4

1	1	3	1
1	2	3	2
3	2	3	4
4	2	4	4

1	1	1	1
2	2	3	2
3	2	3	3
4	4	4	4

1	1	1	1
2	2	2	2
3	3	3	3
4	4	4	4

## 动手试试

3. 给定一个  $n \times n$  的二维矩阵 `matrix` 表示一个图像。请你将图像顺时针旋转 90 度。你必须在原地旋转图像，这意味着你需要直接修改输入的二维矩阵。请不要使用另一个矩阵来旋转图像。

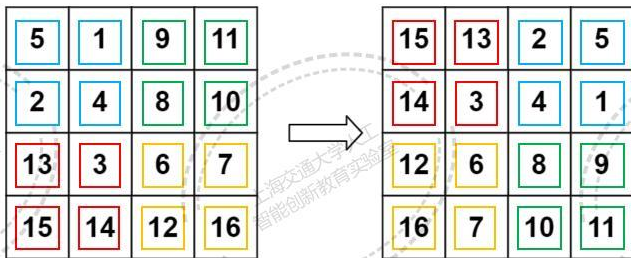
```
import numpy as np
n = int(input("The size of the square:"))
arr = []
mask = np.zeros([n,n],dtype = int)
line = []
temp = []
size = n
for i in range(n):
    for j in range(n):
        print("Input number (%d,%d)"%(i+1,j+1),end=":")
        num = input()
        num = int(num)
        line.append(num)
    arr.append(line)
    line = []
```

```
i=0
j=0
offset=0
while(True):
    arr[j][n-1-i],arr[n-1-i][n-1-j],arr[n-1-j][i],arr[i][j] = arr[i][j],arr[j][n-1-i],arr[n-1-i][n-1-j],arr[n-1-j][i]
    mask[i][j] = 1
    mask[j][n-1-i] = 0
    mask[n-1-i][n-1-j] = 0
    mask[n-1-j][i] = 0
    j+=1
    if(j-offset==size-1):
        size-=2
        i+=1
        offset+=1
        j=offset
    if(size<=1):
        break
print(arr)
```

## 动手试试

3. 给定一个  $n \times n$  的二维矩阵 `matrix` 表示一个图像。请你将图像顺时针旋转 90 度。你必须在原地旋转图像，这意味着你需要直接修改输入的二维矩阵。请不要使用另一个矩阵来旋转图像。

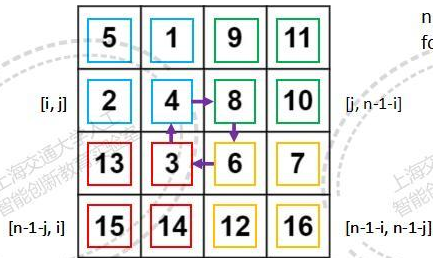
思路一：找出顺时针旋转90度对应坐标变换关系，遍历完成变换



## 动手试试

3. 给定一个  $n \times n$  的二维矩阵 `matrix` 表示一个图像。请你将图像顺时针旋转 90 度。你必须在原地旋转图像，这意味着你需要直接修改输入的二维矩阵。请不要使用另一个矩阵来旋转图像。

思路一：找出顺时针旋转90度对应坐标变换关系，遍历完成变换

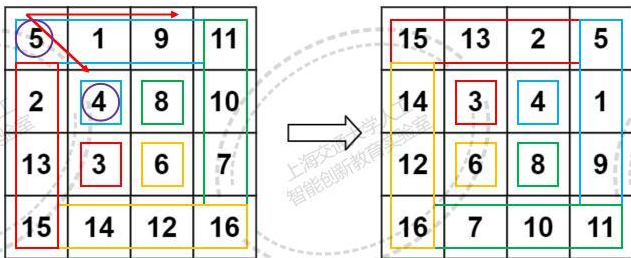


```
n = len(matrix)
for i in range(n // 2 + n % 2): # row
    for j in range(n // 2): # column
        temp = matrix[n - 1 - j][i]
        matrix[n - 1 - j][i] = matrix[n - 1 - i][n - 1 - j]
        matrix[n - 1 - i][n - 1 - j] = matrix[j][n - 1 - i]
        matrix[j][n - 1 - i] = matrix[i][j]
        matrix[i][j] = temp
```

## 动手试试

3. 给定一个  $n \times n$  的二维矩阵 `matrix` 表示一个图像。请你将图像顺时针旋转 90 度。你必须在原地旋转图像，这意味着你需要直接修改输入的二维矩阵。请不要使用另一个矩阵来旋转图像。

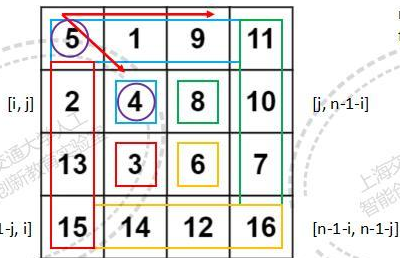
思路二：找出顺时针旋转90度对应坐标变换关系，遍历完成变换



## 动手试试

3. 给定一个  $n \times n$  的二维矩阵 `matrix` 表示一个图像。请你将图像顺时针旋转 90 度。你必须在原地旋转图像，这意味着你需要直接修改输入的二维矩阵。请不要使用另一个矩阵来旋转图像。

思路二：找出顺时针旋转90度对应坐标变换关系，遍历完成变换

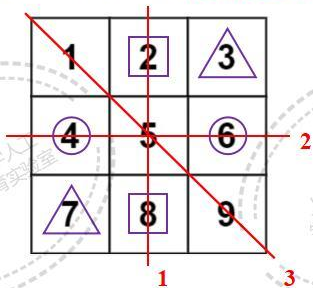


```
n = len(matrix)
for i in range(n // 2): # layer
    for j in range(i, n - i - 1): # layer size
        temp = matrix[n - 1 - j][i]
        matrix[n - 1 - j][i] = matrix[n - 1 - j][n - 1 - j]
        matrix[n - 1 - j][n - 1 - j] = matrix[j][n - 1 - i]
        matrix[j][n - 1 - i] = matrix[i][j]
        matrix[i][j] = temp
```

## 动手试试

3. 给定一个  $n \times n$  的二维矩阵 `matrix` 表示一个图像。请你将图像顺时针旋转 90 度。你必须在原地旋转图像，这意味着你需要直接修改输入的二维矩阵。请不要使用另一个矩阵来旋转图像。

思路三：将旋转变换分解为基本的对角变换（矩阵转置）和左右对称变换组合



- 1:  $[i, j] \leftrightarrow [i, n-j-1]$
- 2:  $[i, j] \leftrightarrow [n-i-1, j]$
- 3:  $[i, j] \leftrightarrow [j, i]$

## 动手试试

3. 给定一个  $n \times n$  的二维矩阵 `matrix` 表示一个图像。请你将图像顺时针旋转 90 度。你必须在原地旋转图像，这意味着你需要直接修改输入的二维矩阵。请不要使用另一个矩阵来旋转图像。

思路三：将旋转变换分解为对角变换（矩阵转置）和左右对称变换

```
n = len(matrix)
for i in range(n):
    for j in range(i):
        matrix[i][j], matrix[j][i] = matrix[j][i], matrix[i][j]
for i in range(n):
    for j in range(n):
        matrix[i][j] = matrix[i][n-j-1]

matrix[:] = zip(*matrix[::-1])
```



## 动手试试

### 总结

1. 分析问题。确定已知与问题描述，将条件与要求转换成数学语言/编程语言。
2. 分而化之。大问题拆分为子问题，整流程拆分成子步骤。
3. 放宽条件。被问题卡住时先放宽条件解决，再思考原条件对应的难点是什么以及如何处理。
4. 工具思维。用什么样的数据结构？用什么样的操作？考虑不同工具（数据结构）的优势和劣势，从不同角度去设计解法和实现。
5. 边界条件/边角案例（corner cases）。可以将输入分为统一进行处理的/需要单独处理的，在确定循环次数、索引下标、跳出条件等时需要考虑不同输入的特点进行设置。
6. 想法实现。解决思路、实现的过程会遇到不同的难点，先想清楚问题与解法，再动手写代码。
7. 取舍/折中（Tradeoff）。具体问题背景下，时间与空间复杂度的权衡。
8. Have fun!

上海交通大学人工智能  
创新教育实验室

上海交通大学人工智能  
创新教育实验室

**谢谢聆听**

THANKS FOR YOUR ATTENTION